ELETROMAGNETISMO

Força magnética: $\vec{F}_m = q\vec{v} \times \vec{B} = q\vec{v} \wedge \vec{B}$

Força de Lorentz:

$$\vec{F} = q [\vec{E} + (\vec{v} \times \vec{B})] = q [\vec{E} + (\vec{v} \wedge \vec{B})]$$

Campo de indução magnética:

$$d\vec{B} = \frac{\mu_o}{4\pi} \frac{Id\vec{L} \times \vec{r}}{r^3} = \frac{\mu_o}{4\pi} \frac{Id\vec{L} \wedge \hat{r}}{r^2}$$

Força magnética sobre um condutor: $\vec{F} = I\vec{L} \wedge \vec{B}$

Lei de Gauss do magnetismo: $\oint \vec{B} \cdot \hat{n} dA = 0$

Torque do dipolo magnético: $\vec{\tau} = \vec{\mu} \times \vec{B}$

Momento magnético: $\vec{\mu} = I \cdot Area \cdot \vec{n}$

Lei de Ampère: $\oint_C \vec{B} \cdot d\vec{L} = \mu_o I_{int}$

Lei de Faraday: $\varepsilon_{em} = -\frac{d\Phi}{dt}$

Indutância: $L = N \cdot \frac{\Phi}{I}$ e $\varepsilon_{em} = -L \frac{dI}{dt}$

Energia no indutor: $U = \frac{1}{2} LI^2$

Densidade de energia: $u = \frac{U}{v} = \frac{1}{2\mu_o} B^2$

ONDAS ELETROMAGNÉTICAS

Vetor de Poynting: $\vec{S} = \frac{\vec{E} \times \vec{B}}{\mu_o}$

velocidade $c = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon_o \cdot \mu_o}}$

Intensidade da onda: $I = S_{medio} = \frac{E_{max} \cdot B_{max}}{2 \cdot \mu_o} = \frac{P}{A}$

ONDAS

Equação de onda unidimensional:

$$\frac{\partial^2 \psi(x,t)}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \cdot \frac{\partial^2 \psi(x,t)}{\partial t^2}$$

Função de onda harmônica:

$$\psi(x,t) = A \cos(kx \pm \omega \cdot t + \phi)$$

Potência média: $P = \frac{P_{max}}{2} = \frac{\sqrt{\mu_o \cdot F \omega^2} A^2}{2} = \frac{\mu_o \cdot v \cdot \omega^2 A^2}{2}$

$$P = -F \cdot \frac{\partial \psi}{\partial x} \cdot \frac{\partial \psi}{\partial t}$$

Ondas estacionárias:

$$\psi(x,t) = 2 \cdot A \cdot \text{sen}(kx) \cdot \cos(\omega t)$$

Número de onda e frequência:

$$k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{2\pi}{v \cdot T} = \frac{\omega}{v}$$

$$\omega = 2\pi \cdot f$$

$$f = \frac{n}{2L} \cdot v \quad v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \frac{\omega}{k}$$

1) Um fio condutor longo, reto e vertical passa por uma mesa, sobre a qual, próximo ao fio, são colocados uma esfera carregada, pendurada em uma linha de material isolante, e uma bússola, conforme mostrado na figura. Inicialmente não há corrente elétrica no fio e a agulha da bússola aponta para ele como se vê na figura. Em certo instante, uma corrente elétrica constante é estabelecida no fio.

- A) Qual a nova posição do ponteiro da bússola? Justifique.
B) Qual a nova posição da carga elétrica? Justifique.

OBS: assumo que o campo magnético produzido pelo fio é muito maior que o terrestre.

2) Foi desenvolvido um dispositivo para abrir uma porta no qual um botão, quando acionado, faz com que uma corrente elétrica percorra uma barra condutora de comprimento L , cujo ponto médio está preso a uma mola de constante elástica k . O sistema mola-condutor está imerso numa região com um campo de indução magnética B , perpendicular ao plano. Quando acionamos o botão, a barra sairá da posição de equilíbrio a uma velocidade média v_m e atingirá a catraca após um intervalo de tempo t , abrindo a porta.

Determine, em função das variáveis fornecidas, o valor e o sentido da corrente elétrica necessária para abrir a porta.

3) Uma barra metálica delgada e condutora, com 50 cm de comprimento e massa 750 g, repousa sobre dois suportes metálicos (mas não está presa a eles), em um campo magnético uniforme de 0,450 T, como indica a figura abaixo. Uma bateria e um resistor de 25Ω em série estão conectados aos suportes.

A) Qual voltagem máxima a bateria pode ter sem romper o circuito nos suportes?
B) A voltagem da bateria possui o valor máximo calculado no item anterior, suponha que o resistor sofra um curto circuito parcial, diminuindo sua resistência para 2Ω , ache a aceleração inicial da barra.

4) Considere uma barra de massa 'm' presa a duas molas e ligada a um gerador de corrente conforme apresentado na figura abaixo.

A) Quando o gerador mostrado na figura se encontra desligado, as molas sofrem deformação x . Ao ligarmos o gerador, nota-se que as molas apresentam deformação $2x$. Qual o módulo e a direção da corrente?
B) O que acontecerá se invertermos o sentido desta corrente?

5) Considere um fio condutor de massa 'm' e comprimento 'L' apoiado sobre um plano inclinado conforme a figura fornecida abaixo. Se o campo magnético estiver orientado verticalmente para baixo, qual deve ser o valor da corrente elétrica 'I' a fim de que o permaneça em equilíbrio estático?

6) Um feixe de prótons que se move a $1,20 \text{ km/s}$ penetra em um campo magnético uniforme, deslocando-se perpendicularmente ao campo. O feixe sai do campo magnético em um sentido perpendicular ao seu sentido original. O feixe percorre uma distância de $1,18 \text{ cm}$ enquanto está no campo. Qual é o módulo do campo magnético nessa região?

Dados: massa do próton = $1,67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$; carga do próton = $1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$

7) O átomo de urânio é ionizado por um intenso calor e injetado, com várias velocidades, em um espectrômetro de massa como ilustrado na figura a seguir para o propósito de separar os átomos menos fissionáveis de Urânio²³⁸, com a intenção de produzir combustível para fissão nuclear. Os campos elétrico e magnético são dados no diagrama. O campo B_1 penetra no plano xy , enquanto o campo B_2 sai do plano xy .

- Qual a velocidade dos íons que irão emergir do seletor de velocidade e entrar na região com campo magnético B_2 ?
- Qual o raio de curvatura da trajetória de um único íon de Urânio²³⁵? Considere que sua massa é m .
- Qual a diferença percentual entre o raio de curvatura do Urânio²³⁵ com o Urânio²³⁸? Considere que a massa do Urânio²³⁵ é 1,3% maior do que a do Urânio²³⁸.

8) Considere o movimento de uma partícula de carga positiva Q conforme indicado na figura.

- Qual a direção e o sentido dos campos B_1 e B_2 ?
- A velocidade no ponto de saída D será diferente da velocidade de entrada em A?
- A relação entre os campos magnéticos das regiões 1 e 2.
- O tempo gasto durante o trajeto indicado na figura.

9) Uma carga elétrica positiva q de massa m está em $t = 0,0s$ na posição $(x,y,z) = (0,0,0)$ e se move com velocidade de módulo v na direção positiva do eixo y . A trajetória subsequente é mostrada na figura a seguir. O módulo da velocidade v é mantida constante durante todo o trajeto, apenas alterando sua direção e sentido.

- A) Considerando o movimento para $y > 0$, o campo magnético está entrando ou saindo do plano xy (plano da folha). Justifique.
- B) Para $y > 0$, obtenha a expressão do campo magnético em função das variáveis dadas no enunciado q , m , R e v .
- C) Para $y < 0$, a carga se movimenta num campo magnético diferente, determine o sentido e a expressão do campo magnético para a região de $y < 0$.
- D) Qual o tempo total de deslocamento da carga do ponto inicial até o ponto P?

10) Considere uma espira ABCD imersa em uma região onde existe um campo magnético B conforme indicado na figura abaixo. Determine:

- A) A força magnética que atua sobre o fio BC.
- B) O momento magnético da espira.
- C) O torque magnético que atua sobre a espira.
- D) Descreva a posição da espira no momento em que a mesma atinge o equilíbrio.

EXTRAS:

1) A figura abaixo ilustra o princípio de funcionamento de um espectrômetro de massa, que pode ser usado para medir a massa dos íons. Um íon de massa m e carga q é produzido na fonte S e acelerado, a partir do repouso, pelo campo elétrico E associado a uma diferença de potencial V . O íon entra em uma câmara de separação na qual existe um campo magnético B , perpendicular a sua trajetória e orientado para dentro da página. O campo faz com que o íon descreva uma trajetória semicircular antes de atingir um detector situado na superfície interior da câmara.

A) Determine o sinal da carga do íon compatível com o desvio indicado na figura.

R: Negativa.

B) Calcule o raio da trajetória.

R: $R = \sqrt{\frac{2mV}{qB^2}}$

C) Se o potencial acelerador for alterado para $0,25V$, determine o novo raio da trajetória.

R: $R_2 = 0,5.R_1$

2) A espira da figura abaixo conduz corrente elétrica $I = 1,0 \text{ A}$ na presença do campo magnético B de intensidade $B = 2,0 \text{ T}$ cuja direção e sentido estão indicados na figura. Determine:

A) A força sobre o segmento semicircular BC de raio L e sobre o segmento AB do fio.

R: $\mathbf{F}_{AB} = 4 \cdot L \cdot \mathbf{j}$; $\mathbf{F}_{CB} = -4 \cdot L \cdot \mathbf{i}$

B) A força sobre o fio ABCDA.

R: $\mathbf{F}_T = \mathbf{0}$

C) O momento magnético da espira.

R: $\mu_M = 0,5 \cdot L^2 \cdot (\pi - 8) \cdot \mathbf{k}$

D) O torque magnético sobre a espira.

R: $\tau_M = \mathbf{0}$